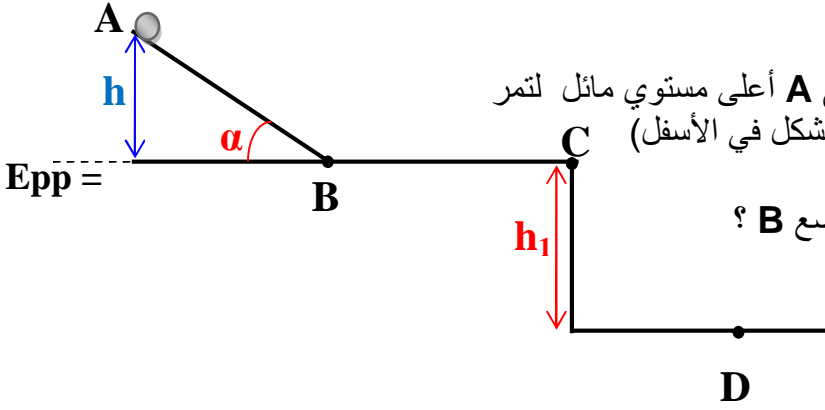


## التمرين الأول: (7 ن)



تترك كرة تسقط بدون سرعة ابتدائية من الموضع **A** أعلى مستوي مائل لتمر بالموضع **B** و **C**. نهمل جميع الاحتكاكات. (الشكل في الأسفل)

• باعتبار الجملة (كرة + أرض)

1- أحسب سرعة الكرة عند وصولها إلى الموضع **B** ؟

إذا علمت أن:  $h = 60 \text{ cm}$

2- أستنتج قيمة زاوية الميل  $\alpha$  ،

إذا كان:  $AB = 120 \text{ cm}$

3- هل سرعة الكرة في النقطة **C**

هي نفسها في النقطة **B** أي:  $V_C = V_B$  ولماذا؟

• عندما تصل الكرة إلى الموضع **C** تسقط داخل خندق حتى تصل إلى الموضع **D**.

4- مثل كيفية مسار الكرة بين الموضعين **C** و **D** ، ثم مثل القوى المؤثرة عليها أثناء السقوط.

5- أنجز الحصيلة الطاقوية للجملة (كرة) بين الموضعين **C** و **D**.

6- أكتب معادلة انحفاظ الطاقة بين الموضعين السابقين.

7- إذا علمت أن السرعة التي تصل بها الكرة إلى الموضع **D** هي:  $V_D = 4,64 \text{ m/s}$

- استنتج الارتفاع  $h_1$  الذي سقطت منه الكرة (عمق الخندق). يعطى:  $g = 9,8 \text{ N/kg}$

## التمرين الثاني: (13 ن)

تترك كرة صغيرة كتلتها  $m = 100 \text{ g}$  تنطلق من الموضع **A** بدون سرعة ابتدائية. لتمر بالمواضع: **B** ، **C** ، **D** ، **E** حيث: **AC**: ربع دائرة نصف قطرها  $R = 50 \text{ cm}$  و **CE**: طريق أفقي. (أنظر الشكل في الأسفل).

نعتبر المستوى المرجعي للطاقة الكامنة الثقالية المستوي الأفقي المار بالنقاط: **C** ، **D** ، **E**. نأخذ:  $g = 10 \text{ N/Kg}$

1- باعتبار الجملة (كرة + أرض).

أ- أنجز الحصيلة الطاقوية للجملة السابقة أثناء انتقال الكرة من **A** إلى **B**.

ب- أكتب معادلة انحفاظ الطاقة بين الموضعين السابقين.

ج- أوجد عبارة الطاقة الكامنة الثقالية في الموضع **A** ثم احسب قيمتها.

د- بين أن عبارة الطاقة الكامنة الثقالية في الموضع **B** تعطى بالعبارة:  $E_{ppB} = m.g.R(1 - \cos \alpha)$

ثم احسب قيمتها إذا كانت:  $\alpha = 60^\circ$

ه- استنتج قيمة الطاقة الحركية  $E_{cB}$  في الموضع **B**. ثم احسب سرعة الكرة في نفس الموضع.

2- تواصل الكرة حركتها حتى الموضع **C**.

أ- مثل القوى المؤثرة على الكرة في الموضع **B** بإهمال قوى الاحتكاك.

ب- أنجز الحصيلة الطاقوية للجملة (كرة) بين الموضعين **B** و **C**. ثم أكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

ج- أحسب سرعة الكرة لحظة وصولها إلى الموضع **C**.

3- تواصل الكرة حركتها حتى تصل إلى الموضع **D** بسرعة  $V_D = 2 \text{ m/s}$

• باعتبار قوة الاحتكاك بين **C** و **D** ثابتة شدتها  $f$  وأن المسافة  $CD = 1 \text{ m}$ .

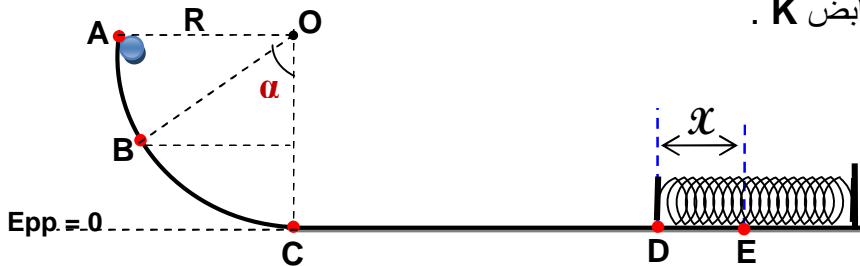
أ- مثل القوى المؤثرة على الكرة أثناء انتقالها من **C** إلى **D**.

ب- أحسب شدة قوة الاحتكاك  $f$ .

4- لما تصل الكرة إلى الموضع **D** تلتحم مع نابض أفقي فتضغطه مسافة  $X = 10 \text{ cm}$  حتى الموضع **E**

أ- أنجز الحصيلة الطاقوية للجملة (كرة + نابض) بين الموضعين **D** و **E**. ثم أكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

ب- أحسب ثابت مرونة النابض **K**.



**التمرين الأول: (7 ن)**

• باعتبار الجملة ( كرية + أرض )

1- حساب سرعة الكرية عند وصولها إلى الموضع B :

لدينا من معادلة انحفاظ الطاقة:  $E_{ppA} = E_{cb}$  (0.5)

ومنه:  $\cancel{m}.g.h = \frac{1}{2}.\cancel{m}V_B^2$  إذن:  $V_B^2 = 2.g.h$

$V_B = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 9,8 \times 0,6} = 3,42 \text{ m/s}$  (0.5)

2- استنتاج قيمة زاوية الميل  $\alpha$ : لدينا: الوتر/ المقابل:  $\sin \alpha = h / AB$  (0.5)

ومنه:  $\sin \alpha = 0,6 / 1,2 = 0,5$  ، إذن:  $\alpha = 30^\circ$  (0.5)

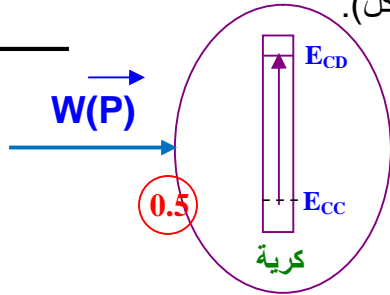
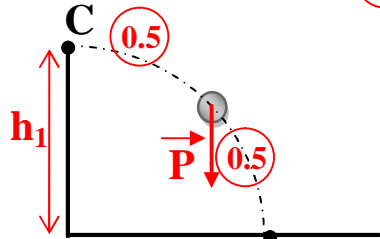
3- نعم سرعة الكرية في النقطة C هي نفسها في النقطة B (0.5)

أي:  $V_C = V_B$  لأن قوى الاحتكاك مهملة (0.5)

• عندما تصل الكرية إلى الموضع C تسقط داخل خندق حتى تصل إلى الموضع D .

4- تمثيل كيفية مسار الكرية بين الموضعين C و D

D مع تمثيل القوى المؤثرة عليها أثناء السقوط. ( الشكل ).



5- انجاز الحصيلة الطاقوية للجملة ( كرية )

بين الموضعين C و D . ( الشكل ).

6- كتابة معادلة انحفاظ الطاقة بين الموضعين السابقين:

$E_{cc} + W(P) = E_{cd}$  (0.5)

-7

لدينا من معادلة انحفاظ الطاقة:  $E_{cc} + W(P) = E_{cd}$  (0.5)

أي:  $W(P) = E_{cd} - E_{cc}$  ومنه:  $mgh_1 = \frac{1}{2} m (V_D^2 - V_C^2)$

إذن:  $h_1 = (V_D^2 - V_C^2) / 2.g = (4,64)^2 - (3,42)^2 / 2 \times 9,8 = 0,5 \text{ m}$  (0.5)

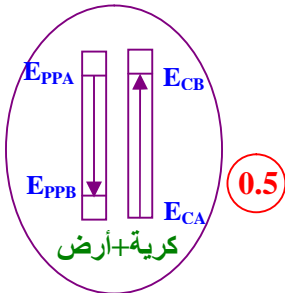
**التمرين الثاني: (13 ن)**

1- باعتبار الجملة ( كرية + أرض ).

أ- انجاز الحصيلة الطاقوية للجملة السابقة أثناء انتقال الكرية من A إلى B: ( الشكل )

ب- كتابة معادلة انحفاظ الطاقة بين الموضعين السابقين:

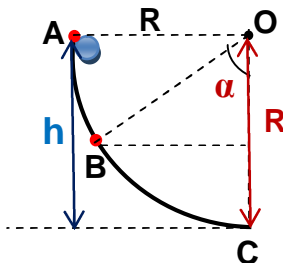
$E_{cb} = E_{ppA} - E_{ppB}$  ومنه:  $E_{ca} + E_{ppA} = E_{cb} + E_{ppB}$  (0.5)



ج - ايجاد عبارة الطاقة الكامنة الثقالية في الموضع A . ثم حساب قيمتها:

لدينا:  $E_{ppA} = m.g.h$  ؛ حيث:  $h = R$  ، إذن:  $E_{ppA} = m.g.R$  (0.5)

$= 0,1 \times 10 \times 0,5 = 0,5 \text{ j}$  (0.5)



د- بيان أن عبارة الطاقة الكامنة الثقالية في الموضع B تعطى بالعبارة:  $E_{ppB} = m.g.R(1 - \cos \alpha)$  ،

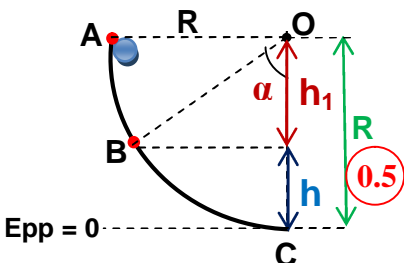
ثم حساب قيمتها إذا كانت:  $\alpha = 60^\circ$

لدينا:  $E_{ppB} = m.g.h$  ؛ حيث:

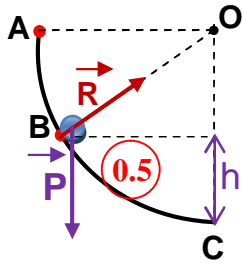
$h = R - h_1 = R - R \cos \alpha = R(1 - \cos \alpha)$  (0.5)

ومنه:  $E_{ppB} = m.g.R(1 - \cos \alpha)$

$E_{ppB} = 0,1 \times 10 \times 0,5 (1 - \cos 60) = 0,25 \text{ j}$  (0.5)



هـ- استنتاج قيمة الطاقة الحركية  $E_{cB}$  في الموضع **B**. ثم حساب سرعة الكرة في نفس الموضع:  
 لدينا من معادلة انحفاظ الطاقة:  $E_{cB} = E_{ppA} - E_{ppB}$  ، ومنها  $E_{cB} = 0,5 - 0,25 = 0,25 \text{ J}$  ، ومنها  $V_B^2 = 2.E_{cB} / m$  ، ومنها  $E_{cB} = \frac{1}{2}.m.V_B^2$  : لدينا:  
 إذن:  $V_B = \sqrt{2.E_{cB} / m} = \sqrt{2 \times 0,25 / 0,1} = 2,23 \text{ m/s}$



2- تواصل الكرة حركتها حتى الموضع **C**.  
 أ- تمثيل القوى المؤثرة على الكرة في الموضع **B** بإهمال قوى الاحتكاك.  
 ( أنظر الشكل )

ب- انجاز الحصيلة الطاقوية للجملة (كرة) بين الموضعين **B** و **C**: ( الشكل )

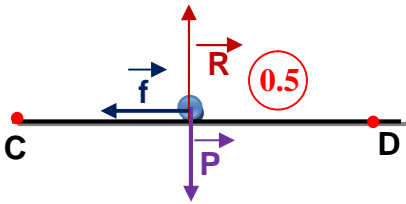
$$E_{cB} + W(P) = E_{cC} \quad (0.5)$$

ج - حساب سرعة الكرة لحظة وصولها إلى الموضع **C**.  
 من معادلة انحفاظ الطاقة لدينا:  $W(P) = E_{cC} - E_{cB}$  (0.5)

أي:  $m.g.h = \frac{1}{2} m V_C^2 - \frac{1}{2} m V_B^2$  حيث:  $h = R (1 - \cos \alpha)$   
 ومنها:  $m.g.R(1 - \cos \alpha) = \frac{1}{2}.m.(V_C^2 - V_B^2)$   
 إذن:  $V_C^2 = 2.g.R (1 - \cos \alpha) + V_B^2$

$$V_C = \sqrt{2 \times 10 \times 0,5 (1 - \cos 60) + (2,23)^2} = 3,16 \text{ m/s} \quad (0.5)$$

3- أ- تمثيل القوى المؤثرة على الكرة أثناء انتقالها من **C** إلى **D**: ( الشكل )



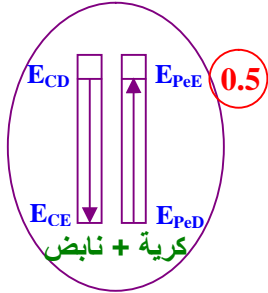
ب- حساب شدة قوة الاحتكاك **f**:

$$E_{cC} - W(f) = E_{cD} \quad (0.5)$$

أي:  $f.CD = \frac{1}{2} m(V_C^2 - V_D^2)$  ومنها:  $W(f) = E_{cC} - E_{cD}$

$$f = \frac{1}{2} m(V_C^2 - V_D^2) / CD = \frac{1}{2} \times 0,1[(3,16)^2 - (2)^2] / 1 = 0,299 \approx 0,3 \text{ N} \quad (0.5)$$

4- لما تصل الكرة إلى الموضع **D** تلتحم مع نابض أفقي فتضغطه مسافة  $x = 10 \text{ cm}$  حتى الموضع **E**.  
 أ- انجاز الحصيلة الطاقوية للجملة (كرة + نابض) بين الموضعين **D** و **E**. ثم أكتب معادلة انحفاظ الطاقة:



$$E_{cD} + E_{peD} = E_{cE} + E_{peE} \quad (0.5)$$

$$E_{cD} = E_{peE} \quad (0.5)$$

ب- حساب ثابت مرونة النابض **K**:

$$E_{cD} = E_{peE} \quad (0.5)$$

$$\frac{1}{2}.m.V_D^2 = \frac{1}{2}.K.x^2$$

$$K = m.V_D^2 / x^2 = 0,1 \times (2)^2 / (0,1)^2 = 40 \text{ N/m} \quad (0.5)$$